

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации  
НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ  
ТОМСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ (НИ ТГУ)

Научно-образовательный центр «Высшая ИТ школа»

УТВЕРЖДЕНО:  
Исполнительный директор НОЦ ВИТШ

Т.С.Кетова

Рабочая программа дисциплины

**Математика для компьютерных наук ч.1**  
(МКН 1)

по направлению подготовки  
**09.03.04 (33.04) Программная инженерия**

Направленность подготовки:  
**«Программная инженерия»**

Форма обучения  
**Очная**

Квалификация  
**Программный инженер**

Год приема  
**2023**

СОГЛАСОВАНО:  
Руководитель ОП  
О.А.Змеев

Председатель УМК  
Д.О. Змеев

Томск – 2024

## 1. Цель и планируемые результаты освоения дисциплины (модуля)

Целью освоения дисциплины является формирование следующих компетенций и результатов обучения:

БК-5	Способен использовать прикладную вычислительную математическую теорию в форме построения логической цепочки математических суждений для разделения вычислительных и аналитических задач на более мелкие подзадачи с последующих их решением и обобщения результатов на общую задачу	Знает: Основы дискретной математики, основы вычислительной математики, основы теории чисел, основы теории доказательств, основы линейной алгебры и геометрии Умеет: Использовать построение логической цепочки суждений для построения доказательств математических, или сводимых к математическим задач; использовать разные вычислительные методы и приёмы; объяснять собственные математические выкладки заинтересованным сторонам; находить ошибки в логике доказательств математических задач
------	---	--

## 2. Задачи освоения дисциплины

– Изучение основ дискретной математики и освоение приёмов решения практических задач по темам дисциплины.

– Освоить аппарат дискретной математики для развития умения оперировать понятиями и методами дисциплины, используемыми в дальнейшей учебной и профессиональной деятельности.

– Освоить базовые понятия математики для компьютерных наук и подходов, используемых при доказательствах математических утверждений.

– Научиться применять изученный материал для решения практических задач профессиональной деятельности, в частности, для решения проблемы выполнимости программ.

## 3. Место дисциплины (модуля) в структуре образовательной программы

Дисциплина относится к Блоку 1 «Дисциплины (модули)» обязательной части образовательной программы. Для внесения оценок в зачетные книжки обучающихся принимается сокращенное название дисциплины «МКН 1».

## 4. Семестр(ы) освоения и форма(ы) промежуточной аттестации по дисциплине

Семестр 1, Зачет

## 5. Входные требования для освоения дисциплины

Для успешного освоения дисциплины требуются компетенции, сформированные в ходе освоения образовательных программ предшествующего уровня образования.

## 6. Язык реализации

Русский

## 7. Объем дисциплины (модуля)

Общая трудоемкость дисциплины составляет 2 з.е., 72 часов, из которых:

- лекции: 16.0 ч.;
  - практические занятия: 16.0 ч.;
- Объем самостоятельной работы студента определен учебным планом.

## **8. Содержание дисциплины (модуля), структурированное по темам**

Тема 1. Что такое доказательство: краткое изложение практически всех существующих в математике методов и подходов к доказательству истинности любого утверждения: импликация, контрапозиция, метод перебора, доказательство от противного, математическая индукция, метод бесконечного спуска и их роль в компьютерных науках.

Тема 2. Логика высказываний: таблицы истинности, логика высказываний в компьютерных программах, эквивалентность

Тема 3. Логика предикатов: логические выражения и предикаты, конъюнктивные и дизъюнктивные формы, как упростить логические выражения или представить их в универсальном виде, тавтология, выполнимость функций. Логические законы

Тема 4. Типы данных: множества, операции над множествами, бесконечные множества; последовательности; отношения, свойства отношений, функция как отношение;

Тема 5. Бинарные отношения: область определения и область значения, композиция функций, диаграммы отношений, мощность множества.

## **9. Текущий контроль по дисциплине**

Текущий контроль по дисциплине проводится путем контроля посещаемости, проведения контрольных работ, групповых заданий по темам и фиксируется в форме контрольной точки не менее одного раза в семестр.

## **10. Порядок проведения и критерии оценивания промежуточной аттестации**

**Зачет в первом семестре** проводится в форме сдачи итогового практического задания с устной защитой. Оценка за первый раздел курса ставится автоматически за работу в семестре на основе балльно-рейтинговой системы, результаты выполнения всех тестов и заданий фиксируются в течение семестра в системе Moodle, где и формируется итоговая оценка за курс как среднее арифметическое за оценки по всем заданиям и тестам. Оценки ставятся согласно 100-балльной шкале. Если итоговый балл менее 42 или студент недоволен итоговой оценкой, полученной по результатам работы в течение семестра, то он сдаёт зачёт в виде итогового теста и трёх заданий, если итоговый балл попадает в промежуток [42:68], то ставится оценка «удовлетворительно»; [68:85] – «хорошо»; 85 и более – «отлично». Итоговый контроль проводится в системе Moodle, тест включает в себя 25 вопросов и три расчётных задания по всему материалу первого раздела курса. Продолжительность контрольной процедуры составляет 2 академических часа. Оценка при проведении зачета формируется в соответствии с нижеприведенной таблицей, при этом она может быть ниже той, которая получена ранее за работу в течение семестра.

*Примеры задач:*

1. Задача 1.

В заданном логическими формулами примере докажите эквивалентность при помощи таблиц истинности

2. Задача 2.

Дано: набор логических формул

Требуется: определить, является ли она истинной или ложной в случае, если область значения будет соответствовать натуральным числам, целым числам, рациональным числам, вещественным числам. Привести примеры.

### 3. Задача 3.

Дано: согласно определению, слово — это конечная последовательность нулей и единиц, а язык — множество слов.

Предположим, что язык  $S$  является  $0$ -конечным, когда он включает только конечное число слов, все биты которых равны  $0$ , то есть когда  $S0^*$  является конечным множеством слов. Обозначим язык  $S$  скучным, если либо  $S$ , либо  $S0^*$  конечны.

Требуется:

- 1) Объяснить почему  $\{00\}^*$  не скучно
- 2) Доказать, что если  $R$  и  $S$  скучные, то и  $R \cup S$  тоже.

Результаты практической части определяются оценками «отлично», «хорошо», «удовлетворительно», «неудовлетворительно».

Занятия в рамках практической части делятся на 3 группы:

1. Групповые занятия в формате математических боев. По итогам проведения занятия каждая математическая группа получает баллы по «защите» и «нападению» на другую группу.
2. Дорешивание групповых заданий. Студенты представляют решения незаконченных во время групповых работ задач с пониженным коэффициентом баллов за задачу.
3. Контрольная работа.

Таблица коэффициентов за контрольную работу:

Решенные задачи	Коэффициент
0	-0,5
1	-0,2
2	0,2
3	0,5
4	0,8
5	1

Итоговые баллы определяется по формуле

Итоговые баллы =  $V1(1+C1)$ , где

$V1$ - итоговая сумма баллов заработанная студентам за групповые решения задач и дорешивания

$C1$ - коэффициент заработанный за контрольную

Итоговая оценка определяется из общей суммы баллов по следующей таблице:

Оценка	Баллы
2	<5
3	6-15
4	16-30
5	>31

### 11. Учебно-методическое обеспечение

а) **Электронный учебный курс по дисциплине в системе Google-классов НОЦ «Высшая IT школа»**

б) Оценочные материалы текущего контроля и промежуточной аттестации по дисциплине.

в) План семинарских / практических занятий по дисциплине.

**Практическое занятие 1.** Что такое доказательство? Высказывание. BOGUS Proofs. Иллюзия верного доказательства (Фиктивное доказательство). Аксиоматический метод.

**Практическое занятие 2.** Доказательство методом контрапозиции. Доказательство

эквивалентности (IFF = ТТТ). Доказательство методом перебора (by cases). Доказательство от противного.

**Практическое занятие 3.** Математическая индукция

**Практическое занятие 4.** Доказательство методом бесконечного спуска (принцип полного порядка = the well-ordering principal).

**Примеры задач:**

1. С помощью доказательства от противного показать, что, если  $a \cdot b = n$ , где  $a, b, n \in \mathbb{N}$ , то  $a \leq n$  или  $b \leq n$ ;

2. Любым способом доказательства покажите, что для натуральных  $k, m, n = k \cdot m$ , где  $k > 1$  и  $m > 1, k < n$  и  $m < n$ .

3. Возможно ли, чтобы для  $m \neq n, m, n \in \mathbb{N}$ , если  $n^2$  делится на  $m$ , то  $n$  не делится на  $m$ ?

4. Числа Фибоначчи 0, 1, 1, 2, 3, 5, 8, 13, 21, ... могут быть заданы формулой:

$$F(n) = F(n-1) + F(n-2),$$

где  $n \geq 2, F(0) = 0, F(1) = 1$ . С помощью математической индукции показать, что для любого  $k \geq 1, F(4k)$  делится на 3.

5. С помощью математической индукции показать, что сумма кубов трех последовательных натуральных чисел кратна 9;

6. Докажите методом математической индукции, что при каждом натуральном  $n$  число  $n^3 + 11 \cdot n$  делится на 6.

7. С помощью математической индукции показать, что при каждом натуральном  $n$  число  $2^{4n} - 1$  делится на 15;

8. Доказать с помощью математической индукции, что для любого натурального  $n$  число  $4^n + 15n - 1$  делится на 9;

9. Используя метод бесконечного спуска, показать, что для любого натурального  $n$

a) 
$$\sum_{i=0}^{n-1} (2i+1) = n^2;$$

b) 
$$2 + 4 + 6 + \dots + 2n = n(n+1);$$

c) 
$$\sum_{i=1}^n i(i+1)(i+2) = \frac{n(n+1)(n+2)(n+3)}{4};$$

d) 
$$a \sum_{i=0}^n q^i = \frac{a(1-q^{n+1})}{1-q};$$

e) 
$$\sum_{k=0}^n (3k-2) = \frac{n(3n-1)}{2};$$

г) Методические указания по организации самостоятельной работы студентов.

Самостоятельная работа студентов нацелена на углубление знаний и изучение источников, показывающих практическую значимость предмета. СРС включает в себя решение задач, чтение дополнительной литературы и просмотр видео-материалов по тематике.

## 12. Перечень учебной литературы и ресурсов сети Интернет

а) основная литература:

1. Lehman E., Leighton F., Meyer A. Mathematics for Computer Science. MIT (Massachusetts Institute of Technology) textbook. 2021. 919 p.
2. Агибалов Г.П. Введение в математику: учебное пособие : [для студентов Томского университета, обучающихся по специальности "Компьютерная безопасность"] / Г.П. Агибалов, И.А. Панкратова; Нац. исслед. Том. гос. ун-т., 2022. 118 с.: ил., табл.. URL: <http://vital.lib.tsu.ru/vital/access/manager/Repository/koha:000892777>
3. Высшая математика. Альтернативная методология преподавания: Учебное пособие для вузов //Сухотин А.М., Тарбокова Т.В. М.: Юрайт, 2022. 223 с.
4. Высшая математика для гуманитарных направлений: Учебник и практикум для вузов /Седых И. Ю., Гребенщиков Ю.Б., Шевелев А.Ю. М.: Юрайт, 2022. 443 с.
5. Мачулис В.В. Высшая математика: Учебное пособие для вузов / Мачулис В.В. М.: Юрайт, 2022. 306 с. URL: <https://urait.ru/bcode/491078>. URL: <https://urait.ru/book/cover/C0D57B0B-EF60-4562-AA45-A8760E877099>

б) дополнительная литература:

6. Partee В.Н., Meulen А., Wall R. Mathematical Methods in Linguistics. Studies in Linguistics and Philosophy. V. 30. Kluwer Academic Publisher. 1987. 666 p.
7. Ануфриенко С.А. Введение в теорию множеств и комбинаторику: Учеб. пособие. Екатеринбург: УрГУ, 1998. 62с.
8. Белова, Л. Ю. Элементы теории множеств и математической логики. Теория и задачи: учебное пособие /Л.Ю. Белова, Ю.А. Белов; Яросл. гос. ун-т, Ярославль: ЯрГУ, 2012. 204 с.
9. Зюзьков В.М. Введение в математическую логику: учеб. пособие. Томск: Издательский Дом Томского государственного университета, 2017. 258 с.
10. Клайн М. Математика. Утрата определенности // М. Клайн. М.: Мир, 1984. 434 с.
11. Мендельсон Э. Введение в математическую логику. М.: Наука, 1971. 320 с.
12. Фресан Хавьер. Сон разума. Математическая логика и ее парадоксы. Серия: Мир математики [22], 2014. 144 с.

в) ресурсы сети Интернет:

– открытые онлайн-курсы

## 13. Перечень информационных технологий

а) лицензионное и свободно распространяемое программное обеспечение:

– Microsoft Office Standart 2013 Russian: пакет программ. Включает приложения: MS Office Word, MS Office Excel, MS Office PowerPoint, MS Office On-eNote, MS Office Publisher, MS Outlook, MS Office Web Apps (Word Excel MS PowerPoint Outlook);

– публично доступные облачные технологии (Google Docs, Яндекс диск и т.п.).

б) информационные справочные системы:

– Электронный каталог Научной библиотеки ТГУ – <http://chamo.lib.tsu.ru/search/query?locale=ru>[HYPERLINK "http://chamo.lib.tsu.ru/search/query?locale=ru&theme=system"&HYPERLINK](http://chamo.lib.tsu.ru/search/query?locale=ru&theme=system)

"http://chamo.lib.tsu.ru/search/query?locale=ru&theme=system"theme=system

– Электронная библиотека (репозиторий) ТГУ – <http://vital.lib.tsu.ru/vital/access/manager/Index>

– ЭБС Лань – <http://e.lanbook.com/>

- ЭБС Консультант студента – <http://www.studentlibrary.ru/>
- Образовательная платформа Юрайт – <https://urait.ru/>
- ЭБС ZNANIUM.com – <https://znanium.com/>
- ЭБС IPRbooks – <http://www.iprbookshop.ru/>

#### **14. Материально-техническое обеспечение**

Аудитории для проведения занятий лекционного типа.

Аудитории для проведения занятий семинарского типа, индивидуальных и групповых консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации.

Помещения для самостоятельной работы, оснащенные компьютерной техникой и доступом к сети Интернет, в электронную информационно-образовательную среду и к информационным справочным системам.

#### **15. Информация о разработчиках**

Зенкова Жанна Николаевна, кандидат физико-математических наук,  
МВА, доцент кафедры системного анализа и математического моделирования

Бабанов Алексей Михайлович, кандидат технических наук,  
доцент, доцент кафедры программной инженерии

Юровская Алена Сергеевна, старший преподаватель  
НОЦ «Высшая ИТ школа»