Министерство науки и высшего образования Российской Федерации НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ ТОМСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ (НИ ТГУ)

Механико-математический факультет

УТВЕРЖДЕНО: Декан Л. В. Гензе

Рабочая программа дисциплины

Математическая логика

по направлению подготовки / специальности

01.03.01 Математика, 02.03.01 Математика и компьютерные науки

Направленность (профиль) подготовки/ специализация: Современная математика и математическое моделирование Вычислительная математика и компьютерное моделирование

Форма обучения Очная

Квалификация

Математик. Преподаватель / Математик. Аналитик / Математик. Исследователь Математик. Вычислитель / Исследователь в области математики и компьютерных наук

Год приема **2024**, **2025**

СОГЛАСОВАНО: Руководитель ОП Л. В. Гензе

Председатель УМК Е. А. Тарасов

Томск - 2024

1. Цель и планируемые результаты освоения дисциплины

Целью освоения дисциплины является формирование следующих компетенций:

ОПК-1 Способен применять фундаментальные знания, полученные в области математических наук и механики в профессиональной деятельности.

Результатами освоения дисциплины являются следующие индикаторы достижения компетенций:

РООПК-1.1 Знает типовые постановки задач математики и механики, классические методы решения, теоретические основы методов и границы их применимости

РООПК-1.2 Способен адаптировать известные математические методы для решения поставленной задачи в области математики и механики

РООПК-1.3 Способен провести решение поставленной задачи в области математики и механики с использованием полученных фундаментальных знаний и получить результат

2. Задачи освоения дисциплины

- Освоить навыки работы с профессиональной литературой по математической логике для успешной учебной деятельности (РООПК-1.1).
- Научиться проверять формулу алгебры высказываний на тождественную истинность/ложность, а также приводить формулы алгебры высказываний и формулы логики предикатов к нормальным формам (РООПК-1.2).
- Овладеть основными понятиями и результатами математической логики, а также некоторыми стандартными методами доказательства теорем математической логики (РООПК-1.3).

3. Место дисциплины в структуре образовательной программы

Дисциплина относится к Блоку 1 «Дисциплины (модули)».

Дисциплина относится к части образовательной программы, формируемой участниками образовательных отношений, является обязательной для изучения.

4. Семестр(ы) освоения и форма(ы) промежуточной аттестации по дисциплине

Третий семестр, зачет

5. Входные требования для освоения дисциплины

Для успешного освоения дисциплины требуются компетенции, сформированные в ходе освоения образовательных программ предшествующего уровня образования.

Для успешного освоения дисциплины требуются результаты обучения по следующим дисциплинам: «Алгебра», «Программирование».

6. Язык реализации

Русский

7. Объем дисциплины

Общая трудоемкость дисциплины составляет 3 з.е., 108 часов, из которых:

- -лекции: 32 ч.
- -практические занятия: 32 ч.
 - в том числе практическая подготовка: 0 ч.

Объем самостоятельной работы студента определен учебным планом.

8. Содержание дисциплины, структурированное по темам

- Тема 1. Высказывания. Операции над высказываниями. Формулы алгебры высказываний. Классификация формул. Равносильные формулы. Основные равносильности алгебры высказываний (РООПК-1.1, РООПК-1.2, РООПК-1.3).
- Тема 2. Нормальные формы. Совершенная конъюнктивная нормальная форма и совершенная дизъюнктивная нормальная форма. Построение формулы по её таблице истинности. Полные системы логических связок (РООПК-1.1, РООПК-1.2, РООПК-1.3).
- Тема 3. Логическое следствие. Свойства отношения логического следования. Нахождение следствий из данных посылок и посылок для данного следствия (РООПК-1.1, РООПК-1.2, РООПК-1.3).
- Тема 4. Понятие предиката. Классификация предикатов. Область истинности предиката. Равносильные предикаты. Логическое следование предикатов (РООПК-1.1, РООПК-1.2, РООПК-1.3).
- Тема 5. Операции над предикатами. Основные равносильности для предикатов. Квантор всеобщности и квантор существования (РООПК-1.1, РООПК-1.2, РООПК-1.3).
- Тема 6. Формулы логики предикатов. Интерпретация формулы логики предикатов. Классификация формул логики предикатов (РООПК-1.1, РООПК-1.2, РООПК-1.3).
- Тема 7. Равносильные формулы логики предикатов. Основные равносильности логики предикатов. Теорема о замене в логике предикатов (РООПК-1.1, РООПК-1.2, РООПК-1.3).
- Тема 8. Приведённая форма формулы логики предикатов. Пренексная (предварённая) нормальная форма (РООПК-1.1, РООПК-1.2, РООПК-1.3).

9. Текущий контроль по дисциплине

Текущий контроль по дисциплине проводится путем контроля посещаемости, выполнения домашних заданий, проведения контрольных работ и фиксируется в форме контрольной точки не менее одного раза в семестр.

Оценочные материалы текущего контроля размещены на сайте ТГУ в разделе «Информация об образовательной программе» - https://www.tsu.ru/sveden/education/eduop/.

10. Порядок проведения и критерии оценивания промежуточной аттестации

Зачет в третьем семестре проводится в письменной форме по билетам с устной защитой. Экзаменационный билет состоит из двух частей — одного теоретического вопроса (РООПК-1.1 и РООПК-1.3) и одной задачи, в которой требуется привести формулу логики предикатов к пренексной (предварённой) нормальной форме (РООПК-1.2 и РООПК-1.3).

Продолжительность зачета – 1 час.

Оценочные материалы для проведения промежуточной аттестации размещены на сайте ТГУ в разделе «Информация об образовательной программе» – https://www.tsu.ru/sveden/education/eduop/.

11. Учебно-методическое обеспечение

- a) Электронный учебный курс по дисциплине в электронном университете «Moodle» https://moodle.tsu.ru/course/view.php?id=8871
- б) Оценочные материалы текущего контроля и промежуточной аттестации по дисциплине.

в) План практических занятий по дисциплине.

Тема	Количество
	часов
Семестр 3	

Тема 1. Высказывания. Операции над высказываниями. Формулы алгебры высказываний. Классификация формул. Равносильные формулы. Основные равносильности алгебры высказываний	4
Тема 2. Нормальные формы. Совершенная конъюнктивная нормальная форма и совершенная дизъюнктивная нормальная форма. Построение формулы по её таблице истинности. Полные системы логических связок	4
Тема 3. Логическое следствие. Свойства отношения логического следования. Нахождение следствий из данных посылок и посылок для данного следствия	
Тема 4. Понятие предиката. Классификация предикатов. Область истинности предиката. Равносильные предикаты. Логическое следование предикатов	
Тема 5. Операции над предикатами. Основные равносильности для предикатов. Квантор всеобщности и квантор существования	4
Тема 6. Формулы логики предикатов. Интерпретация формулы логики предикатов. Классификация формул логики предикатов	4
Тема 7. Равносильные формулы логики предикатов. Основные равносильности логики предикатов. Теорема о замене в логике предикатов	4
Тема 8. Приведённая форма формулы логики предикатов. Пренексная (предварённая) нормальная форма	4

12. Перечень учебной литературы и ресурсов сети Интернет

- а) основная литература:
- 1. Игошин В.И. Задачи и упражнения по математической логике и теории алгоритмов. М.: Академия, 2007. 304 с.
- 2. Игошин В.И. Математическая логика и теория алгоритмов. М.: Академия, $2008.-448~\mathrm{c}.$
 - 3. Романович В.А. Лекции по математической логике. Томск, ТГУ, 2005. 408 с.
 - б) дополнительная литература:
 - 1. Клини С.К. Математическая логика. М.: Мир, 1973. 480 с.
 - 2. Мендельсон Э. Введение в математическую логику. М.: Наука, 1971. 320 с.
 - 3. Новиков П.С. Элементы математической логики. М.: Наука, 1973. 400 с.
 - в) ресурсы сети Интернет:
- Журнал «Вестник Томского государственного университета. Математика и механика» http://journals.tsu.ru/mathematics/

13. Перечень информационных технологий

- а) лицензионное и свободно распространяемое программное обеспечение:
- публично доступные облачные технологии (Google Docs, Яндекс диск и т.п.).
- б) информационные справочные системы:
- Электронный каталог Научной библиотеки ТГУ http://chamo.lib.tsu.ru/search/query?locale=ru&theme=system
- Электронная библиотека (репозиторий) ТГУ http://vital.lib.tsu.ru/vital/access/manager/Index
 - ЭБС Лань http://e.lanbook.com/
 - ЭБС Консультант студента http://www.studentlibrary.ru/

- Образовательная платформа Юрайт https://urait.ru/
- ЭБС ZNANIUM.com https://znanium.com/
- 3FC IPRbooks http://www.iprbookshop.ru/

14. Материально-техническое обеспечение

Аудитории для проведения занятий лекционного типа.

Аудитории для проведения занятий семинарского типа, индивидуальных и групповых консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации.

Помещения для самостоятельной работы, оснащенные компьютерной техникой и доступом к сети Интернет, в электронную информационно-образовательную среду и к информационным справочным системам.

15. Информация о разработчиках

Тимошенко Егор Александрович, доктор физико-математических наук, доцент, профессор кафедры алгебры

Норбосамбуев Цырендоржи Дашацыренович, кандидат физико-математических наук, доцент кафедры алгебры