

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации
НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ
ТОМСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ (НИ ТГУ)

Институт прикладной математики и компьютерных наук

УТВЕРЖДЕНО:

Директор

А. В. Замятин

Оценочные материалы по дисциплине

Статистические методы машинного обучения

по направлению подготовки

01.03.02 Прикладная математика и информатика

Направленность (профиль) подготовки:

Прикладная математика и инженерия цифровых проектов

Форма обучения

Очная

Квалификация

Бакалавр

Год приема

2025

СОГЛАСОВАНО:

Руководитель ОП

Д.Д. Даммер

Председатель УМК

С.П. Сущенко

1. Компетенции и индикаторы их достижения, проверяемые данными оценочными материалами

Целью освоения дисциплины является формирование следующих компетенций:

ОПК-1 Способен применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности.

ОПК-2 Способен использовать и адаптировать существующие математические методы и системы программирования для разработки и реализации алгоритмов решения прикладных задач.

ПК-3 Способен проектировать и разрабатывать программное обеспечение компьютерных и информационных систем, а также формализовать и алгоритмизировать поставленную задачу в рамках проекта в зависимости от проблемной и предметной области.

Результатами освоения дисциплины являются следующие индикаторы достижения компетенций:

ИОПК-1.4 Демонстрирует понимание и навыки применения на практике математических моделей и компьютерных технологий для решения практических задач, возникающих в профессиональной деятельности

ИОПК-2.1 Обладает навыками объектно-ориентированного программирования для решения прикладных задач в профессиональной деятельности.

ИОПК-2.2 Проявляет навыки использования основных языков программирования, основных методов разработки программ, стандартов оформления программной документации.

ИОПК-2.3 Демонстрирует умение отбора среди существующих математических методов, наиболее подходящих для решения конкретной прикладной задачи.

ИОПК-2.4 Демонстрирует умение адаптировать существующие математические методы для решения конкретной прикладной задачи.

ИПК-3.1 Способен предложить техническое и алгоритмическое решение для решения поставленной задачи в исследуемой предметной области

ИПК-3.2 Осуществляет оформление программного кода в соответствии с установленными требованиями, разработку процедур проверки работоспособности и измерения характеристик программного обеспечения

2. Оценочные материалы текущего контроля и критерии оценивания

Элементы текущего контроля:

- посещение;
- лабораторные работы.

Посещение фиксируется на каждом занятии. Допускается 25% пропусков по уважительной причине. При большем количестве пропусков студент получает дополнительный вопрос на экзамене по пропущенным темам и/или дополнительное задание по практике.

Примеры заданий к лабораторным работам

Лабораторная работа. Предварительная обработка данных

Задание.

1. Импортировать заданный набор данных.
2. Проверить на наличие пропусков и выбросов.
3. Для количественных показателей построить гистограммы.
4. Найти оценки числовых характеристик.
5. Проверить гипотезу о нормальности.

6. Построить диаграммы размаха по группам на основании разбиения количественных показателей по уровням категориальных признаков.

Лабораторная работа. Анализ связи признаков

Выполняется в R.

Задание.

Импортировать таблицу с данными в R.

1. Построить графики для визуализации данных и их взаимосвязей.
2. Проверить связи факторов друг с другом и их влияние на зависимую целевую переменную, выбирая соответствующий критерий, в зависимости от типов данных.
3. Проверить гипотезы о значимости связи.

Лабораторная работа. Парная регрессия. Генерация.

Выполняется в R.

Задание.

1. Определить объем выборки n (от 50 до 150).
2. Сгенерировать вектор значений предсказывающей переменной.
3. Задать вектор шума, удовлетворяющий условиям Гаусса-Маркова.
4. Задать параметры регрессии.
5. Сформировать вектор значений зависимой переменной по линейной модели регрессии.
6. Построить диаграмму рассеяния и при необходимости скорректировать параметры.
7. Построить МНК-оценки параметров, проверить их значимость, сравнить с исходными значениями
8. Найти СКО остатков.
9. Проверить общую адекватность модели.

Критерии оценивания:

Результаты лабораторной работы определяются оценками «зачтено» или «не зачтено».

Оценка «зачтено» выставляется, если работа выполнена полностью или с незначительными недочетами, код работает, студент аргументированно объясняет выбор примененных методов и полученные результаты.

Оценка «не зачтено» выставляется, если код не работает или работает с существенными ошибками, студент не может пояснить выбор методов и корректно проинтерпретировать полученные результаты. Работа отправляется на доработку.

3. Оценочные материалы итогового контроля (промежуточной аттестации) и критерии оценивания

Темы для подготовки к итоговому тестированию

1. Типы данных и способы их представления выборок.
2. t -критерий Стьюдента.
3. Дисперсионный анализ.
4. Непараметрические критерии сравнения независимых групп (Манна-Уитни и Краскала Уолиса)
5. Параметрические критерии сравнения зависимых групп (Вилкоксона и Фридмана)
6. Корреляционный анализ количественных данных.
7. Ранговая корреляция.
8. Корреляционный анализ категоризованных данных.
9. Парная регрессии. Модель. МНК-оценки параметров.
10. Числовые характеристики оценок параметров парной регрессии.

11. Проверка качества уравнения парной регрессии.
12. Нелинейные модели и линеаризация.
13. Множественная регрессии. Модель. МНК-оценки параметров.
14. Проверка качества уравнения множественной регрессии.
15. Постановка задачи классификации. Построение. Проверка качества.

Примеры вопросов итогового теста.

1. Для двух выборок, сделанных из нормальных генеральных совокупностей при расчете коэффициента корреляции Пирсона, были получены следующие результаты

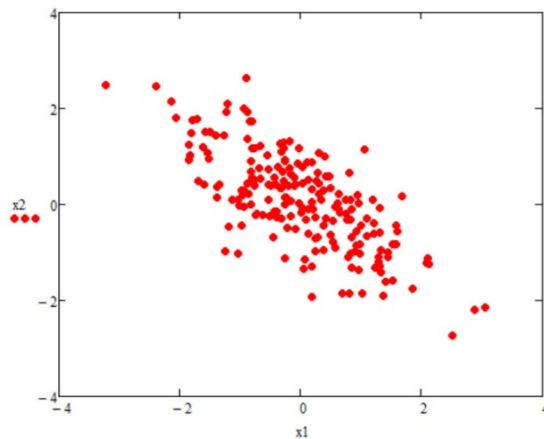
$$r=0,579354537 \quad p=8,03282146E-15$$

Какой вывод можно сделать?

- а) имеется прямая статистически значимая связь между переменными;
- б) имеется обратная статистически значимая связь между переменными;
- в) между переменными нет статистически значимой корреляционной связи.

Ответ: а)

2. Диаграмма рассеяния значений двух переменных x_1 и x_2 представлена на рис.



Какое значение корреляционного коэффициента может соответствовать этим данным?

- а) 0
- б) 0,5
- в) -0,7
- г) 1
- д) -1

Ответ: в)

3. Для зависимых выборок по критерию Вилкоксона были получены следующие результаты

$$T=36,5 \quad p=0,010550$$

Какой вывод можно сделать?

- а) имеются статистически значимые отличия на уровне значимости 0.05
- б) статистически значимых отличий на уровне значимости 0.05 нет
- в) вывод сделать невозможно, требуется применить другой критерий.

Ответ: а)

4. Правило сложения дисперсий утверждает, что

- а) дисперсия суммы двух случайных величин равна сумме их дисперсий;
- б) межгрупповая дисперсия равна сумме внутригрупповых дисперсий;
- в) общая дисперсия равна сумме средней внутригрупповой дисперсии и межгрупповой дисперсии.

Ответ: в)

5. При проведении регрессионного анализа были получены результаты

	$R = 0.75708$ $R^2 = 0.57317$ $R^2_{adj} = 0.47831$ $F(2,9) = 6.0427$ $p < 0.02169$ $S_e = 2.6908$				
$n = 100$	b^*	b	S_b	$t(9)$	$p - value$
Intercept		-0.264215	0.960798	-0.27500	0.789529
X1	0.848408	0.532183	0.152767	3.46097	0.007150
X2	-0.460792	-0.334332	0.177861	-1.87974	0.092845

Можно сделать вывод о том, что в модели

- а) нет значимых параметров;
- б) один значимый параметр;
- в) два значимых параметра;
- г) все параметры значимы.

Ответ: б)

Тест состоит из 20 вопросов разной сложности, за каждый правильный ответ можно получить от 1 до 3 баллов. Максимум за тест 40 баллов. [0 ;21) неудовлетворительно, [21;28) удовлетворительно, [28;35) хорошо, [35;40] отлично.

Темы коллоквиума:

1. Типы данных и способы их представления.
2. Параметрические критерии сравнения групп.
3. Непараметрические критерии сравнения групп.
4. Корреляционный анализ количественных данных.
5. Ранговая корреляция.
6. Корреляционный анализ категоризованных данных.
7. Парная регрессии. Модель. МНК-оценки параметров.
8. Числовые характеристики оценок параметров парной регрессии.
9. Теорема Гаусса-Маркова для случая парной регрессии.
10. Проверка качества уравнения парной регрессии.
11. Нелинейные модели и линеаризация.
12. Случай смещенного шума.
13. Случай коррелированных гомоскедастичных наблюдений.
14. Случай некоррелированных гетероскедастичных наблюдений.
15. Мультиколлинеарность.
16. Фиктивные переменные.
17. Постановка задачи классификации.
18. Логистическая регрессия.
19. Метрики качества бинарного классификатора.
20. ROC-анализ.

Критерии оценивания:

Посещение и сданные практические задания являются условием для допуска к теоретической части. Оценка за теоретическую часть ставится на основании теста или письменного коллоквиума.

Тест из 15 вопросов. Максимум 30 баллов.

0-15	Неудовлетворительно
16-20	Удовлетворительно
21-25	Хорошо
26-30	Отлично

Письменный коллоквиум. Два вопроса.

Ответ не дан или дан неверно, имеются грубые ошибки в формулировках и выводах	Неудовлетворительно
Ответ дан, но не в полном объеме, имеются существенные недочеты	Удовлетворительно
Ответ дан практически полностью, имеются некоторые незначительные ошибки	Хорошо
Ответ дан в полном объеме, допускаются очень незначительные погрешности	Отлично

При недостаточном посещении в течение семестра или невыполненных в срок работах студент может получить на экзамене дополнительные вопросы по пропущенным темам или дополнительное задание по практике.

4. Оценочные материалы для проверки остаточных знаний (сформированности компетенций)

Проверка остаточных знаний проводится в форме теста.

Примеры вопросов к тесту:

1. При проверке гипотезы о виде распределения по критерию согласия Хи-квадрат получились следующие результаты

$$\chi^2 = 6,10981 \quad df = 4 \quad p = 0,1911$$

Какой вывод можно сделать?

- а) данные не противоречат выбранному распределению, при уровне значимости $\alpha = 0,05$ нет оснований отклонить нулевую гипотезу.
 - б) данные не соответствуют выбранному распределению, нулевая гипотеза о виде распределения отклоняется при уровне значимости $\alpha = 0,05$.
 - в) невозможно сделать вывод, требуется применить другой критерий.
2. Если в задаче обучения с учителем отклик может принимать произвольное значение из некоторого интервала, то эта задача является задачей
 - а) регрессии
 - б) классификации
 - в) кластеризации
 3. Для выявления статистически значимых отличий между тремя зависимыми выборками применяется критерий
 - а) Вилкоксона
 - б) Краскала-Уолиса
 - в) Фридмана

4. Для анализа статистической связи между номинальными переменными можно использовать
- а) Коэффициент Пирсона
 - б) Коэффициент Спирмена
 - в) Коэффициент конкордации
 - г) Коэффициент квадратичной сопряженности.
5. Если в задаче обучения с учителем отклик может принимать конечное множество различных значений больше двух, то эта задача является задачей
- а) регрессии
 - б) порядковой регрессии
 - в) бинарной классификации
 - г) многоклассовой классификации
 - д) кластеризации

Ключ: 1) а 2) 3) в 4)г 5) г

Тест для проверки остаточных знаний состоит из 10 вопросов разной сложности от 1 до 3 баллов. Максимум за тест 20 баллов. Тест оценивается на «зачтено» или «не зачтено». Оценка «зачтено» ставится, если студент набрал 11 баллов и выше.

Информация о разработчиках

Кабанова Татьяна Валерьевна, канд. физ.-мат. наук, доцент, доцент кафедры теории вероятностей и математической статистики института прикладной математики и компьютерных наук НИ ТГУ.