Министерство науки и высшего образования Российской Федерации НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ ТОМСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ (НИ ТГУ)

Филологический факультет

УТВЕРЖДЕНО: Декан филологического факультета И.В. Тубалова

Оценочные материалы по дисциплине

Вероятностные модели

по направлению подготовки

45.03.03 Фундаментальная и прикладная лингвистика

Направленность (профиль) подготовки: **Фундаментальная и прикладная лингвистика**

Форма обучения **Очная**

Квалификация **Бакалавр**

Год приема **2024**

СОГЛАСОВАНО: Руководитель ОП А.В. Васильева

Председатель УМК Ю.А. Тихомирова

1. Компетенции и индикаторы их достижения, проверяемые данными оценочными материалами

Теория вероятностей — это фундаментальная математическая дисциплина, знание которой необходимо при современном подходе к формализации лингвистических знаний, поскольку все современные методы автоматической обработки текстов основаны на статистических алгоритмах, для понимания которых необходимо знание основных методов теории вероятностей и понимание вероятностной терминологии. Теория вероятностей дает базу для понимания сути методов автоматической обработки текстов, которые будут рассматриваться в дальнейших курсах. В данном курсе рассматриваются классические (базовые) вероятностные модели без привязки к лингвистической терминологии. Конкретным лингвистическим содержанием эти модели могут быть наполнены лишь в специализированных курсах, следующих за курсом математической статистики.

Целью освоения дисциплины является формирование следующих компетенций:

- ОПК-2 Способен к ведению профессиональной деятельности с опорой на основы математических дисциплин, необходимых для формализации лингвистических знаний и процедур анализа и синтеза лингвистических структур
- ПК-4 Способен разрабатывать программный код при решении задач автоматической обработки текстов

Результатами освоения дисциплины являются следующие индикаторы достижения компетенций:

- ИПК-4.1 Применяет способы формализации и алгоритмизации поставленных задач в сфере автоматической обработки текстов.
- ИОПК-2.3 Применяет математические методы в процедурах анализа и синтеза лингвистических структур.
- ИОПК-2.2 Соотносит задачи формализации лингвистических знаний с основами математических знаний.
- ИОПК-2.1 Демонстрирует знание основ математических дисциплин, необходимых для формализации лингвистических знаний.

2. Оценочные материалы текущего контроля и критерии оценивания

Элементы текущего контроля:

- посещение занятий, работа на занятиях, выполнение домашних заданий;
- тесты по каждой теме;
- контрольная работа.

Текущий контроль по дисциплине проводится путем контроля посещаемости, проведения устных опросов по лекционному материалу, выполнения домашних заданий, и фиксируется в форме контрольной точки не менее одного раза в семестр. По каждому разделу, кроме последнего, проводится тестирование (решение задач и знание основных определений и результатов).

Тест (ИПК-4.1, ИОПК-2.3, ИОПК-2.2, ИОПК-2.1) засчитывается как сданный, если удовлетворительно выполнено не менее 60% заданий. Внимание уделяется логическому, последовательному изложению, обоснованности процесса решения, владению принятыми в теории вероятностей обозначениями.

Задания контрольной работы состоят из задач и вопросов из тестов по темам, пройденным к этому времени.

Типовые задания для проведения текущего контроля успеваемости по дисциплине.

Примеры задач и вопросов в тестах:

1. Школа вручает пять наград по пяти предметам в классе из 30 учеников, причем каждый ученик может получить только одну награду. Сколькими способами можно вручить награды ученикам?

- 2. Сколькими способами из класса, в котором учатся 30 школьников, можно выбрать капитана команды для математических боев и его заместителя?
- 3. Сколькими способами из класса, в котором учатся 30 школьников, можно выбрать двоих для участия в математической олимпиаде?
- 4. Сколькими способами можно построить пятерых человек в шеренгу?
- 5. Сколькими способами 5 человек могут встать в круг, чтобы водить хоровод (важно только их взаимное расположение)?
- 6. Сколькими способами 6 различных шаров можно случайно раскидать по трем различным ящикам?
- 7. Выборочное пространство $\Omega = \{\omega_1, \omega_2, \omega_3\}$, $P(\omega_2) = 1/3$, $P(\omega_3) = 1/2$. Чему равняется вероятность элементарного события ω_1 ?
- 8. Определите, всегда ли верно равенство $P(\overline{A \cap B \cap C}) = P(\overline{C}) + P(\overline{A} \cap C) + P(A \cap \overline{B} \cap C)$?
- 9. Что такое дискретное пространство элементарных исходов?
- 10. Аксиоматическое определение вероятности.
- 11. Классическое определение вероятности. Когда применяется?
- 12. Геометрическое определение вероятности. Когда применяется?
- 13. Формулы двойственности.
- 14. Что такое противоположное, невозможное, достоверное событие? Их вероятности.
- 15. Формула для вероятности объединения двух событий.
- 16. Пусть P(A) = 0,4 и P(B) = 0,7. Какое минимальное значение может принимать вероятность $P(A \cap B)$?
- 17. Пусть A и B несовместны, P(A)=0,3 и P(B)=0,5. Найдите $P(\underline{A} \cap \underline{B})$.
- 18. Для каких случайных экспериментов естественно считать исходы равновероятными? а) бросаем игральную кость (кубик); б) случайно вытаскиваем три карты из колоды; в) идем сдавать зачет, не подготовившись; г) стреляем в мишень. Отметьте все подходящие.
- 19. Одновременно бросаем монету и игральную кость (кубик). Сколько элементарных исходов будет содержать выборочное пространство Ω ?
- 20. Бросаем правильную кость два раза.
 - а) Известно, что сумма выпавших очков не больше пяти. Найдите условную вероятность того, что выпало одинаковое количество очков.
 - б) Известно, что выпало разное количество очков. Найдите условную вероятность того, что, по крайней мере, один раз выпала 1.
- 21. Студент сдает тест, в котором на каждый вопрос есть четыре варианта ответа. Он знает ответы на 50% вопросов, может сузить выбор до двух ответов в 30% вопросов, и ничего не знает в 20% вопросах. Какова вероятность того, что он сможет правильно ответить на вопрос, выбранный случайным образом из теста?
- 22. Цифры 0 и 1 отправляются многократно по зашумленному каналу связи. С вероятностью 0.9 и 0.7 1 и 0 соответственно приходят неискаженными, с вероятностью 0.1 вместо 1 приходит 0, с вероятностью 0.3 вместо 0 приходит 1. Предполагая, что 0 и 1 отправляются с одинаковой частотой, найти условную вероятность того, что была отправлена 1, при условии, что мы получили 1.
- 23. Рассмотрим события A и A^c , $P(A) \neq 0$, $P(A) \neq 1$. Будут ли эти события а) несовместны, б) независимы?
- 24. Если любые события A и B независимы, то события A и B^c тоже независимы. Всегда ли правильно это утверждение?

25. Пусть A — любое событие. Являются ли A и Ω независимыми?

26. Дискретная СВ Х задана рядом распределения

x_i	-5	-1	0	10	20	25
p_i	0.3	0.2	0.1	0.1	0.1	0.2

Найти значения функции распределения $F(x) = P(X \le x)$ при а) x = -6, б) x = 0, в) x = 100.

г) Функция распределения F(x) в точке -1 имеет скачок величины s.

s =

д) Функция распределения F(x) имеет N скачков

N =

Дать определение функции распределения вероятностей.

27. Дана функция плотности непрерывной случайной величины (НСВ) Х:

$$f(x) = \begin{cases} 0 & npu \ x \le 1, \\ C(x^2 - x) & npu \ 1 < x \le 2, \\ 0 & npu \ x > 2. \end{cases}$$

Найти: а) постоянную C, б) вероятность p попадания CB X в интервал (1/2; 3/2), в) значение функции распределения F(x) в точке x = 0, г) значение y_2 функции распределения F(x) в точке x = 5.

- 28. Преподаватель проводит индивидуальные консультации. Время консультации в минутах имеет экспоненциальное распределение с параметром 0.25. Вы ждете своего товарища, который сидит на консультации уже 5 минут. Каково среднее значение М и дисперсия D оставшегося времени ожидания? Дать обоснованные ответы.
- 29. Дать определение экспоненциального распределения, среднего значения и дисперсии непрерывной СВ. Что значит отсутствие памяти у экспоненциального распределения?

30. а) Пусть
$$X \square N(5,4)$$
. Найти $M(X^2)$ б) Пусть $X \square N(0,1)$. Найти $M(X^{21})$ в)

Пусть $Y \square N(6,4)$. Записать выражение для P(2 < Y < 8), использовать функцию $\Phi()$ или erf().

31. Предположим, мы берем два билета из шляпы, которая содержит билеты с номерами 1,2,3,4. Пусть X будет первым числом, а Y - вторым. Найти совместное распределение X и Y.

Пример билета на контрольной работе (по первым трем темам):

- 1. Аксиоматическое определение вероятности.
- 2. Формулы двойственности.
- 3. Цифры 0 и 1 отправляются многократно по зашумленному каналу связи. С вероятностью 0.9 и 0.7 1 и 0 соответственно приходят неискаженными, с вероятностью 0.1 вместо 1 приходит 0, с вероятностью 0.3 вместо 0 приходит 1. Предполагая, что 0 и 1 отправляются с одинаковой частотой, найти условную вероятность того, что была отправлена 1, при условии, что мы получили 1.
- 4. Пусть P(A) = 0.4 и P(B) = 0.7. Какое минимальное значение может принимать вероятность $P(A \cap B)$?
- 5. Рассмотрим события A и A^{c} , $P(A) \neq 0$, $P(A) \neq 1$. Будут ли эти события
- а) несовместны, б) независимы?

Критерии оценивания:

Результаты контрольной работы определяются оценками «отлично», «хорошо», «удовлетворительно», «неудовлетворительно».

Оценка «отлично» выставляется, если даны правильные ответы на все теоретические вопросы и все задачи решены без ошибок.

Оценка «хорошо» выставляется, если есть незначительные погрешности в ответах и решениях, например, касательно вышеприведенного примера, формулы двойственности даны без полного доказательства, или есть пробелы в обоснованиях решений задач при верном общем ходе решения задач.

Оценка «удовлетворительно» выставляется, если на какой-то из вопросов, не касающихся определений и основных формул, нет ответа или допущена грубая логическая ошибка в решении или доказательстве не более чем в двух вопросах.

Оценка «неудовлетворительно» выставляется, если студент показал незнание определений и основных формул, например, аксиоматического определения вероятностей, формулы Байеса.

В полном объеме средства оценивания для текущей аттестации находятся на платформе Степик https://stepik.org/course/3209/syllabus.

На платформе Степик организуется класс, где видна динамика работы студента в течение семестра и все выполненные им задания. Обращается внимание на регулярность работы.

3. Оценочные материалы итогового контроля (промежуточной аттестации) и критерии оценивания

Оценивание							
Вид работы	Удельный вес	Период	Критерии оценки				
Вид оцениваемой	Удельный вес	В течение	Критерии оценивания				
работы:	указанного вида	семестра/в	указанного вида работы				
	работы в итоговой	конце					
	оценке (в	семестра					
	процентах)	_					
Тесты	40	В течение	Обоснование методов решения				
		семестра	задач, знание основных				
			определений и результатов.				
			Ставится оценка,				
			пропорциональная количеству				
			решенных задач				
зачет	30 (возможны	В конце	Студенты, посещающие занятия				
	исключения,	семестра	и набравшие более 60% баллов				
	связанные с		за каждый тест, получают зачет				
	индивидуальными		автоматически. Остальные сдают				
	особенностями		не сделанные тесты и проходят				
	студентов)		устное собеседование				
работа в аудитории,	30	В течение	Отсутствие на занятиях				
посещение занятий		семестра	возможно только по				
			уважительной причине. По всем				
			пропущенным темам студент				
			получает дополнительные				
			вопросы на зачете				

Студенты, написавшие все тесты и контрольную работу (оценка каждого теста не ниже 60% баллов, контрольной работы не ниже «хорошо»), не пропускавшие занятий без уважительных причин и активно работающие на занятиях, получают зачет автоматически. Остальные студенты сдают несделанные тесты и проходят устное собеседование по

основным определениям и результатам (теоремам, формулам), знание и грамотное изложение которых говорит об овладевании ими компетенциями ОПК-2 и ПК-4.

Задачи и вопросы на зачете полностью дублируют задачи и вопросы в тестах и рассмотренные на занятиях в аудитории.

В полном объеме средства оценивания для промежуточной аттестации находятся на платформе Степик https://stepik.org/course/2911/syllabus и https://stepik.org/course/3209/syllabus

4. Оценочные материалы для проверки остаточных знаний (сформированности компетенций)

Все нижеприведенные задания работают на индикаторы ИПК-4.1, ИОПК-2.3, ИОПК-2.2, ИОПК-2.1, разделить задания по индикаторам нет возможности ввиду базового характера дисциплины.

- 1. Сколькими способами из класса, в котором учатся 30 школьников, можно выбрать капитана команды для математических боев и его заместителя?
- 2. Сколькими способами из класса, в котором учатся 30 школьников, можно выбрать двоих для участия в математической олимпиаде?
- 3. Сколькими способами можно построить пятерых человек в шеренгу?
- 4. Выборочное пространство $\Omega = \{\omega_1, \omega_2, \omega_3\}$, $P(\omega_2) = 1/3$, $P(\omega_3) = 1/2$. Чему равняется вероятность элементарного события ω_1 ?
- 5. Классическое определение вероятности. Когда применяется?
- 6. Что такое противоположное, невозможное, достоверное событие? Их вероятности.
- 7. Формула для вероятности объединения двух событий.
- 8. Пусть A и B несовместны, P(A) = 0.3 и P(B) = 0.5. Найдите $P(A \setminus B)$.
- 9. Для каких случайных экспериментов естественно считать исходы равновероятными? а) бросаем игральную кость (кубик); б) случайно вытаскиваем три карты из колоды; в) идем сдавать зачет, не подготовившись; г) стреляем в мишень. Отметьте все подходящие.
- 10. Одновременно бросаем монету и игральную кость (кубик). Сколько элементарных исходов будет содержать выборочное пространство Ω ?
- 11. Бросаем правильную кость два раза.
- а) Известно, что сумма выпавших очков не больше пяти. Найдите условную вероятность того, что выпало одинаковое количество очков.
- б) Известно, что выпало разное количество очков. Найдите условную вероятность того, что, по крайней мере, один раз выпала 1.
- 12. Студент сдает тест, в котором на каждый вопрос есть четыре варианта ответа. Он знает ответы на 50% вопросов, может сузить выбор до двух ответов в 30% вопросов, и ничего не знает в 20% вопросах. Какова вероятность того, что он сможет правильно ответить на вопрос, выбранный случайным образом из теста?
- 13. Цифры 0 и 1 отправляются многократно по зашумленному каналу связи. С вероятностью 0.9 и 0.7 1 и 0 соответственно приходят неискаженными, с вероятностью 0.1 вместо 1 приходит 0, с вероятностью 0.3 вместо 0 приходит 1. Предполагая, что 0 и 1 отправляются с одинаковой частотой, найти условную вероятность того, что была отправлена 1, при условии, что мы получили 1.

Ответы:

1. 30*29, 2. 15*29, 3. 5!, 4. 1/6, 5. Отношение числа благоприятных исходов (входящих в событие) к общему числу исходов случайного эксперимента. В случае конечного

пространства равновозможных элементарных исходов., 6. Событие, когда данное событие A не происходит. Пустое множество. Множество элементарных исходов. 1 - P(A), 0, 1, 7. $P(A \cup B) = P(A) + P(B) - P(A \cap B)$, 8. 0,3, 9. a), б), 10. 12, 11. a) 1/5, б) 1/3, 12. 0,7, 13. 3/4.

Информация о разработчиках

Анна Владимировна Китаева, д.ф.-м.н., профессор кафедры ПрИ ИПМКН ТГУ