# Министерство науки и высшего образования Российской Федерации НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ ТОМСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ (НИ ТГУ)

Институт прикладной математики и компьютерных наук



Рабочая программа дисциплины

# Непрерывные математические модели

по направлению подготовки

# 02.04.02 Фундаментальная информатика и информационные технологии

Направленность (профиль) подготовки: Моделирование систем искусственного интеллекта

Форма обучения **Очная** 

Квалификация **Магистр** 

Год приема **2022** 

Код дисциплины в учебном плане: Б1.В.ДВ.01.02.02

СОГЛАСОВАНО:

Руководитель ОП

А.Н. Моисеев

Председатель УМК

... С.П. Сущенко

Томск – 2022

#### 1. Цель и планируемые результатыосвоения дисциплины

Целью освоения дисциплины является формирование следующих компетенций:

- УК-1 способность применять фундаментальные знания, полученные в области математических и экономических наук, и использовать их в профессиональной деятельности;
- ОПК-2 способность осуществлять научно-исследовательские и опытноконструкторские разработки как по отдельным разделам темы, так и при исследовании самостоятельных тем в профессиональной деятельности;
- ПК-3 способность анализировать и оценивать риски, разрабатывать отдельные функциональные направления управления рисками.

Результатами освоения дисциплины являются следующие индикаторы достижения компетенций:

- ИПК-4.1. Осуществляет мониторинг и оценку производительности обработки больших данных.
- ИПК-4.2. Использует методы и инструменты получения, хранения, передачи, обработки больших данных.
- ИПК-4.3. Разрабатывает предложения по повышению производительности обработки больших данных.
- ИУК-1.1. Выявляет проблемную ситуацию, на основе системного подхода осуществляет её многофакторный анализ и диагностику.
- ИУК-1.2. Осуществляет поиск, отбор и систематизацию информации для определения альтернативных вариантов стратегических решений в проблемной ситуации.
- ИУК-1.3. Предлагает и обосновывает стратегию действий с учетом ограничений, рисков и возможных последствий.
  - ИУК-1.4. Знает методы построения и анализа моделей реальных объектов.
- ИОПК-2.2. Знает основы численных методов, необходимые для освоения и применения современных методов решений профессиональных задачсиспользованием непрерывных математических моделей.
- ИПК-3.3. Владеет навыками использования основных языков программирования, основных методов разработки программ, стандартов оформления программной документации.

# 2. Задачи освоения дисциплины

- Освоить аппарат дисциплины «Непрерывные математические модели» и ознакомить студентов с современными методами построения и анализа непрерывных математических моделей.
- Научиться применять понятийный аппарат и непрерывные математические модели для решения практических задач профессиональной деятельности.
- Освоение студентами навыков экспериментального проектирования и исследования непрерывных математических моделей.

# 3. Место дисциплины в структуре образовательной программы

Дисциплина относится к части образовательной программы, формируемой участниками образовательных отношений, предлагается обучающимся на выбор. Дисциплина входит в модуль Академический модуль.

#### 4. Семестр(ы)освоения и форма(ы) промежуточной аттестации по дисциплине

Третий семестр, экзамен

#### 5. Входные требования для освоения дисциплины

Для успешного освоения дисциплины требуются результаты обучения по следующим дисциплинам «Математический анализ», «Дифференциальные уравнения», «Теория вероятностей и математическая статистика», «Численные методы».

# 6. Язык реализации

Русский

#### 7. Объем дисциплины

Общая трудоемкость дисциплины составляет 3 з.е., 108 часов, из которых:

-лекции: 16 ч.

-лабораторные: 32 ч.

в том числе практическая подготовка: 0 ч.

Объем самостоятельной работы студента определен учебным планом.

# 8. Содержание дисциплины, структурированное по темам

Тема 1. Введение. Основные определения и понятия.

Краткое содержание темы. Классификация математических моделей и методов моделирования. Классификация методов построения моделей. Идентификация. Характеристики математической модели. Классификация и виды непрерывных математических моделей. Области применения непрерывных математических моделей.

Тема 2. Анализ качества непрерывных математических моделей.

Краткое содержание темы. Анализ устойчивости непрерывных математических моделей без запаздываний. Анализ устойчивости непрерывных математических моделей с запаздываний. Робастная устойчивость непрерывных математических моделей. Слабая и сильная теоремы Харитонова. Аттракторы динамических систем. Определение особых точек. Анализ аттракторов. Применение аттракторов при передаче скрытой информации.

Тема 3. Численные методы исследования непрерывных математических моделей.

Краткое содержание темы. Методы Эйлера и Рунге-Кутта. Устойчивость метода (сходимость). Жесткие задачи. Метод шагов для моделей с запаздываниями. Метод Кранка-Никольсона. Применение ППП (Matlab, Mathcad) для численного решения обыкновенных дифференциальных уравнений.

Тема 4. Примеры непрерывных математических моделей.

Краткое содержание темы. Основные законы, используемые при построении непрерывных математических моделей. Непрерывная математическая модель вертикального движения ракеты. Модель электропривода. Модель робота-манипулятора. Модель хищник-жертва. Модель делового цикла. Динамическая модель фирмы. Модель миграции населения. Модель управляемого портфеля ценных бумаг.

## 9. Текущий контроль по дисциплине

Текущий контроль по дисциплине проводится путем контроля посещаемости, проведения контрольных работ, тестов по лекционному материалу, и фиксируется в форме контрольной точки не менее одного раза в семестр.

## 10. Порядок проведения и критерии оценивания промежуточнойаттестации

Контроль промежуточной аттестации осуществляется по рейтинговой системе для оценки промежуточной аттестации на основе балльных оценок для форм контроля.

Экзамен в третьем семестре осуществляется в форме опроса по теоретической части дисциплины. На экзамен студент допускается только после выполнения и сдачи преподавателю всех лабораторных работ.

Структура экзамена строится в соответствии компетентностной структуре дисциплине. При описании системы оценивания итогового контроля по дисциплине необходимо продемонстрировать достижение всех запланированных индикаторов – результатов обучения.

## 11. Учебно-методическое обеспечение

- а) Электронный учебный курс по дисциплине в электронном университете «Moodle».
- б) Оценочные материалы текущего контроля и промежуточной аттестации по дисциплине.
  - в) План лабораторных занятий по дисциплине.
- 1.Идентификация параметров модели делового цикла. Анализ качества поведения модели.
- 2. Анализ устойчивости непрерывных математических моделей без запаздываний. Анализ устойчивости непрерывных математических моделей с запаздываний. Робастная устойчивость непрерывных математических моделей. Аттракторы динамических систем. Определение особых точек. Анализ аттракторов. Применение аттракторов при передаче скрытой информации.
- 3. Численные методы исследования непрерывных математических моделей. Анализ устойчивости метода (сходимость). Жесткие задачи. Метод шагов для моделей с запаздываниями. Метод Кранка-Никольсона. Применение ППП (Matlab, Mathcad) для численного решения обыкновенных дифференциальных уравнений.
- 4. Основные законы, используемые при построении непрерывных математических моделей. Построение и исследование конкретных непрерывных математических моделей. бумаг.
  - г) Методические указания по проведению лабораторных работ.

Студенту рекомендуется при подготовке к выполнению лабораторной работе ознакомиться с заданием к лабораторной работе, выполнить проработку разделов лекции и рекомендованной литературы.

д) Методические указания по организации самостоятельной работы студентов.

Самостоятельная (внеаудиторная) работа студентов состоит в проработке лекций и изучении рекомендованной литературы, подготовке к лабораторным работам, к контрольным вопросам и тестам.

# 12. Перечень учебной литературы и ресурсов сети Интернет

- а) основная литература:
- Юдович В. И. Математические модели естественных наук. Издательство "Лань", 2022. 336 с.— URL: https://e.lanbook.com/book/210581
- Горчаков Л.В. Введение в компьютерное моделирование. Учебное пособие. Томск: ТГУ, 2013. 103 с. URL:

https://vital.lib.tsu.ru/vital/access/manager/Repository/vtls:000466012

- б) дополнительная литература
- Воробейчиков С.Э. Математическое моделирование экстремальных событий в актуарной и финансовой математике. Издательский Дом Томского государственного университета, 2014. 75 с. URL:

http://vital.lib.tsu.ru/vital/access/manager/Repository/vtls:000480253

- Смагин В.И., Решетникова Г.Н. Численные методы. Томск: Томск: ИДО ТГУ, 2007.— URL: https://vital.lib.tsu.ru/vital/access/manager/Repository/vtls:000243997

- Масловская А. Г. Детерминированные математические модели. Амурский государственный университет, 2020. 73 с. URL: https://e.lanbook.com/book/156505
  - в) ресурсы сети Интернет:
- Издательство «Лань» [Электронный ресурс] : электрон.-библиотечная система. Электрон. Дан. СПб., 2010. URL: https://e.lanbook.com/
- ScienceDirect [Electronic resource] / Elsevier B.V. URL: https://www.sciencedirect.com/
- Научнаяэлектронная библиотека eLIBRARY.RU [Электронный ресурс]. URL: https://www.elibrary.ru/defaultx.asp
- Общероссийская Сеть Консультант Плюс Справочная правовая система. - URL: http://www.consultant.ru

## 13. Перечень информационных технологий

- а) лицензионное и свободно распространяемое программное обеспечение:
- Microsoft Office Standart 2013 Russian: пакетпрограмм. Включаетприложения: MS Office Word, MS Office Excel, MS Office PowerPoint, MS Office Web Apps (Word Excel MS PowerPoint Outlook);
  - Mathcad-14;
  - публично доступные облачные технологии (GoogleDocs, Яндекс диск и т.п.).
  - б) информационные справочные системы:
- Электронный каталог Научной библиотеки ТГУ http://chamo.lib.tsu.ru/search/query?locale=ru&theme=system
- Электронная библиотека (репозиторий) ТГУ http://vital.lib.tsu.ru/vital/access/manager/Index
  - ЭБС Лань http://e.lanbook.com/
  - ЭБС Консультант студента http://www.studentlibrary.ru/
  - Образовательная платформа Юрайт https://urait.ru/

# 14. Материально-техническое обеспечение

Аудитории для проведения занятий лекционного типа.

Аудитории для проведения занятий семинарского типа, индивидуальных и групповых консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации.

Помещения для самостоятельной работы, оснащенные компьютерной техникой и доступом к сети Интернет, в электронную информационно-образовательную среду и к информационным справочным системам.

Аудитории, оборудованные персональными ЭВМ с операционной системой MS Windows 7, MathsoftMathcad 14, MathWorksMathlab.

Аудитории для проведения занятий лекционного и семинарского типа индивидуальных и групповых консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации в смешенном формате («Актру»).

# 15. Информация о разработчиках

Смагин Валерий Иванович, д.т.н, профессор, профессор кафедры прикладной математики НИ ТГУ.