

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации  
НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ  
ТОМСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ (НИ ТГУ)

Институт прикладной математики и компьютерных наук

УТВЕРЖДАЮ:

Директор

Институт прикладной

математики и

компьютерных

наук

« 14 » июня

А. В. Замятин

20 23 г.

Рабочая программа дисциплины

### Теория графов

по направлению подготовки

**02.03.03 Математическое обеспечение и администрирование информационных систем**

Направленность (профиль) подготовки :

**DevOps-инженерия в администрировании инфраструктуры ИТ-разработки**

Форма обучения  
**Очная**

Квалификация  
**Бакалавр**

Год приема  
**2023**

Код дисциплины в учебном плане: Б1.О.02.05

СОГЛАСОВАНО:  
Руководитель ОП  
С.П.Сущенко

Редактор УМК  
С.П.Сущенко

Томск – 2023

## **1. Цель и планируемые результаты освоения дисциплины**

Целью освоения дисциплины является формирование следующих компетенций:

– ОПК-1 – Способен применять фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук, и использовать их в профессиональной деятельности;

ИОПК-1.3 Обладает необходимыми знаниями для исследования информационных систем и их компонент.

ИОПК-1.2 Использует фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук в профессиональной деятельности.

ИОПК-1.1 Применяет фундаментальные знания, полученные в области математических и (или) естественных наук.

Результатами освоения дисциплины являются следующие индикаторы достижения компетенций:

умеет решать типовые задачи, применяя понятия теории графов;

умеет решать стандартные задачи теории графов;

знает постановки стандартных задач в области теории графов и алгоритмы их решения;

способен применять на практике знания теории графов для задач программирования.

## **2. Задачи освоения дисциплины**

– Научиться применять понятийный аппарат в области теории графов и алгоритмов для решения практических задач профессиональной деятельности решения стандартных задач теории графов.

## **3. Место дисциплины в структуре образовательной программы**

Дисциплина относится к обязательной части образовательной программы. Дисциплина входит в модуль Математика.

## **4. Семестр(ы) освоения и форма(ы) промежуточной аттестации по дисциплине**

Второй семестр, зачет с оценкой

## **5. Входные требования для освоения дисциплины**

Для успешного освоения дисциплины требуются компетенции, сформированные в ходе освоения образовательных программ предшествующего уровня образования.

## **6. Язык реализации**

Русский

## **7. Объем дисциплины**

Общая трудоемкость дисциплины составляет 3 з.е., 108 часов, из которых:

-лекции: 16 ч.

-практические занятия: 16 ч.

в том числе практическая подготовка: 0 ч.

Объем самостоятельной работы студента определен учебным планом.

## **8. Содержание дисциплины, структурированное по темам**

Тема 1. Основные понятия и определения

Определения графа. Способы задания графов. Типы графов.

Тема 2 Связность графов

Маршруты, цепи, циклы. Алгоритмы нахождения кратчайших цепей. Обходы графа. Эйлеровы цепи и циклы, гамильтоновы цепи и циклы.

**Тема 3 Цикломатика графов**

Цикломатическое число. Деревья, каркасы. Алгоритмы нахождения каркасов. Нахождение фундаментальных циклов. Цикломатическая матрица, матрица разрезов.

**Тема 4. Потоки в сетях**

Теорема Форда – Фалкерсона о максимальном потоке и минимальном разрезе. Алгоритм Форда – Фалкерсона нахождения максимального потока в сети.

**Тема 5. Экстремальные части графов**

Максимальные и наибольшие полные, пустые подграфы, паросочетания. Минимальные и наименьшие покрытия. Алгоритмы нахождения экстремальных частей.

**Тема 6. Задачи раскраски вершин и ребер графа**

Постановка задачи раскраски вершин и ребер графа. Проблема четырех красок. Точные и приближенные алгоритмы минимальной раскраски.

**Тема 7. Алгоритмы**

Алгоритмы решения задач на взвешенных графах.

**Тема 8. Применение графов для задач программирования**

Графы как модели программ, процессов и информационных структур.

**9. Текущий контроль по дисциплине**

Текущий контроль по дисциплине проводится путем контроля посещаемости, проведения контрольных работ, выполнения домашних заданий и фиксируется в форме контрольной точки не менее одного раза в семестр.

**10. Порядок проведения и критерии оценивания промежуточной аттестации**

Теоретические и практические результаты формируются компетенциями ИОПК-1.1; ИОПК-1.2; ИОПК-1.3 и результатами обучения:

| <b>№</b> | <b>Этапы формирования компетенций<br/>(разделы дисциплины)</b> | <b>Код и наименование результатов<br/>обучения</b> |
|----------|--|--|
| 1.       | Основные понятия и определения                                 | OP-1.1.2 , OP-1.3.1                                |
| 2.       | Связность графов   | OP-1.1.1, OP-1.1.2, OP-1.2.1, OP-1.3.1, OP-1.3.2   |
| 3.       | Цикломатика графов   | OP-1.1.1, OP-1.1.2, OP-1.2.1, OP-1.3.1, OP-1.3.2   |
| 4.       | Потоки в сетях   | OP-1.1.1, OP-1.1.2, OP-1.2.1, OP-1.3.1, OP-1.3.2   |
| 5.       | Экстремальные части графов                                     | OP-1.1.1, OP-1.1.2, OP-1.2.1, OP-1.3.1, OP-1.3.2   |
| 6.       | Задачи раскраски вершин и ребер графа                          | OP-1.1.1, OP-1.1.2, OP-1.2.1, OP-1.3.1, OP-1.3.2   |
| 7.       | Алгоритмы решения задач на взвешенных графах.                  | OP-1.1.1, OP-1.1.2, OP-1.2.1, OP-1.3.1, OP-1.3.2   |
| 8.       | Применение графов для задач программирования                   | OP-1.1.1, OP-1.1.2, OP-1.2.1, OP-1.3.1, OP-1.3.2   |

Изучение дисциплины осуществляется посредством изучения материалов на лекциях и практических занятиях, а также выполнения домашних и самостоятельных работ. Образовательные технологии – классические лекции и практические занятия. Самостоятельная работа включает в себя выполнение контрольных заданий, изучение учебного материала, публикаций, подготовка к практическим занятиям, подготовка к рубежному контролю по теме, промежуточной аттестации.

Промежуточная аттестация проходит в форме зачета с оценкой в письменной форме. Студент отвечает письменно на вопросы в билете, затем решает практические задачи. Далее необходимо в устной форме объяснить/защитить преподавателю, изложенный материал.

## 11. Учебно-методическое обеспечение

а) Электронный учебный курс по дисциплине в электронном университете «Moodle»  
- <https://moodle.tsu.ru/course/view.php?id=00000>

б) Оценочные материалы текущего контроля и промежуточной аттестации по дисциплине.

### Примеры заданий для контрольной работы

Типовые задания для контрольной работы № 1.

1. Найти число маршрутов длины 3 между всеми вершинами в графе
2. Найти кратчайшую цепь из вершины 1 в вершину 6 в графе с матрицей весов (алгоритмы Форда-Беллмана и Дейкстры)

Типовые задания для контрольной работы № 2.

1. Цикломатическое число, дерево, каркас графа. Кратчайший каркас во взвешенном графе.

2. Найти кратчайший каркас в графе с матрицей весов

Типовые задания для контрольной работы № 3.

1. Задача о максимальном потоке в сети. Теорема и алгоритм Форда – Фалкерсона нахождения максимального потока в сети.

2. Найти максимальный поток в графе с указанными пропускными способностями:

### Критерии оценивания

Критерии оценивания контрольной работы

Для оценки текущей аттестации используется расширенная шкала оценивания, приведенная в таблице.

| Оценка | Форма записи прописью | Численное значение | Критерий оценивания   | Перевод в традиционную шкалу |
|--------|-----------------------|--------------------|---|------------------------------|
| 5+     | Отл-плюс              | 5,3                | Обучающийся показал творческое отношение к обучению, в совершенстве овладел всеми теоретическими вопросами, показал все требуемые умения и навыки в работе с программными продуктами. | Отлично                      |
| 5      | Отлично               | 5,0                | Обучающийся показал отличный уровень владения всеми теоретическими вопросами, показал все   |                              |

|    |           |     |  |                   |
|----|-----------|-----|--|-------------------|
| 5- | Отл-минус | 4,7 | требуемые умения и навыки в работе с программными продуктами.  |                   |
| 4+ | Хор-плюс  | 4,3 | Обучающийся овладел всеми теоретическими вопросами, частично показал основные умения и навыки в работе с программными продуктами.  | Хорошо            |
| 4  | Хорошо    | 4,0 |  |                   |
| 4- | Хор-минус | 3,7 |  |                   |
| 3+ | Уд-плюс   | 3,3 | Обучающийся имеет недостаточно глубокие знания по теоретическим разделам дисциплины, показал не все основные умения и навыки в работе с программными продуктами.   | Удовлетворительно |
| 3  | Удовл.    | 3,0 |  |                   |
| 3- | Уд-минус  | 2,7 | Обучающийся имеет недостаточно глубокие знания по теоретическим разделам дисциплины, показал не все основные умения и навыки в работе с программными продуктами. Минимально возможный допустимый уровень владения предметом. |                   |

|    |           |   |   |                     |
|----|-----------|---|---|---------------------|
| 2+ | Неуд-плюс | 0 | Обучающийся имеет существенные пробелы по отдельным теоретическим разделам дисциплины и не владеет основными умениями и навыками в работе с программными продуктами, но с возможностью повторной пересдачи экзамена | Неудовлетворительно |
| 2  | Неудовл.  | 0 | Обучающийся имеет существенные пробелы по отдельным теоретическим разделам дисциплины и не владеет основными умениями и навыками в работе с программными продуктами, требуется повторное изучение дисциплины        |                     |

### **Контрольные вопросы к устному опросу**

1. Предмет теории графов.
2. Граф как бинарное отношение.
3. Граф как отображение.
4. Задание графа с помощью трехместного предикат
5. Задание графа с помощью матриц
6. Маршруты, цепи, циклы, пути.
7. Достижимость, матрица достижимости.
8. Компоненты связности.
9. Кратчайшие пути и цепи во взвешенном графе.
10. Алгоритм Форда-Беллмана нахождения кратчайших цепей/путей во взвешенном графе.
11. Алгоритм Дейкстры нахождения кратчайших цепей/путей во взвешенном графе.
12. Поиск в глубину и в ширину на графике
13. Эйлеровы цепи и циклы.
14. Гамильтоновы цепи и циклы.
15. Задача коммивояжера.
16. Цикломатическое число, его свойства.
17. Деревья. Каркас графа.
18. Нахождение каркаса графа.
19. Нахождение каркаса взвешенного графа.
20. Алгоритм Прима.
21. Задача о максимальном потоке в сети.
22. Теорема Форда – Фалкерсона о максимальном потоке в сети
23. Алгоритм Форда – Фалкерсона нахождения максимального потока в сети.
24. Экстремальные части графа.
25. Максимальные полные и пустые подграфы.
26. Минимальные покрытия.

27. Максимальные и наибольшие паросочетания
28. Задача раскраски вершин графа
29. Алгоритм Магу раскраски вершин.
30. Приближенный метод раскраски вершин.

#### **Критерии оценивания**

Для оценки итогов зачета с оценкой используется расширенная шкала оценивания, приведенная в таблице.

Оценка за промежуточную аттестацию по дисциплине выставляется как среднеарифметическая итогов текущего контроля успеваемости. При условии сдачи всех частей текущей аттестации на положительную оценку.

### **12. Перечень учебной литературы и ресурсов сети Интернет**

#### a) основная литература:

- Арсланов Ш.Ф. Теория графов лекции и практические занятия: учеб. пособие.Изд-во Казанск. гос. архитект.-строит. ун-та 2013
- Зарипова Э.Р., Кокотчикова М.Г. Дискретная математике. Часть III. Теория графов: Учеб.пособие. М.: Изд-во РУДН 2013
- Зыков А.А. Основы теории графов М., Наука, Гл. ред. физ-мат. лит. 1987

#### б) дополнительная литература:

- Кристофицес Н. Теория графов. Алгоритмический подход. М., Мир 1978

#### в) ресурсы сети Интернет:

- открытые онлайн-курсы
- Журнал «Эксперт» - <http://www.expert.ru>
- Официальный сайт Федеральной службы государственной статистики РФ - [www.gsk.ru](http://www.gsk.ru)

### **13. Перечень информационных технологий**

#### a) лицензионное и свободно распространяемое программное обеспечение:

- Microsoft Office Standart 2013 Russian: пакет программ. Включает приложения: MS Office Word, MS Office Excel, MS Office PowerPoint, MS Office On-eNote, MS Office Publisher, MS Outlook, MS Office Web Apps (Word Excel MS PowerPoint Outlook);
- публично доступные облачные технологии (Google Docs, Яндекс диск и т.п.).

#### б) информационные справочные системы:

- |  |   |
|--|---|
| – Электронный каталог Научной библиотеки ТГУ –   | <a href="http://chamo.lib.tsu.ru/search/query?locale=ru&amp;theme=system">http://chamo.lib.tsu.ru/search/query?locale=ru&amp;theme=system</a> |
| – Электронная библиотека (репозиторий) ТГУ –   | <a href="http://vital.lib.tsu.ru/vital/access/manager/Index">http://vital.lib.tsu.ru/vital/access/manager/Index</a>                           |
| – ЭБС Лань – <a href="http://e.lanbook.com/">http://e.lanbook.com/</a>                                 |   |
| – ЭБС Консультант студента – <a href="http://www.studentlibrary.ru/">http://www.studentlibrary.ru/</a> |   |
| – Образовательная платформа Юрайт – <a href="https://urait.ru/">https://urait.ru/</a>                  |   |
| – ЭБС ZNANIUM.com – <a href="https://znanium.com/">https://znanium.com/</a>                            |   |
| – ЭБС IPRbooks – <a href="http://www.iprbookshop.ru/">http://www.iprbookshop.ru/</a>                   |   |

#### в) профессиональные базы данных (*при наличии*):

- Университетская информационная система РОССИЯ – <https://uisrussia.msu.ru/>

## **14. Материально-техническое обеспечение**

Аудитории для проведения занятий лекционного типа.

Аудитории для проведения занятий семинарского типа, индивидуальных и групповых консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации.

Помещения для самостоятельной работы, оснащенные компьютерной техникой и доступом к сети Интернет, в электронную информационно-образовательную среду и к информационным справочным системам.

## **15. Информация о разработчиках**

Костюк Юрий Леонидович, доктор технических наук, профессор, профессор кафедры теоретических основ информатики НИ ТГУ.

Матушевский Виктор Валентинович, старший преподаватель кафедры прикладной информатики НИ ТГУ.