

Министерство науки и высшего образования Российской Федерации  
НАЦИОНАЛЬНЫЙ ИССЛЕДОВАТЕЛЬСКИЙ  
ТОМСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ УНИВЕРСИТЕТ (НИ ТГУ)

Институт биологии, экологии, почвоведения, сельского и лесного хозяйства  
(БИОЛОГИЧЕСКИЙ ИНСТИТУТ)

УТВЕРЖДАЮ:

Директор Биологического института

Д.С. Воробьев

28 марта 2022 г.

Рабочая программа дисциплины

**Математическое моделирование**

по направлению подготовки

**35.04.01 Лесное дело**

Направленность (профиль) подготовки:  
**«Рациональное использование лесных ресурсов»**

Форма обучения  
**Очная**

Квалификация  
**Магистр**

Год приема  
**2022**

Код дисциплины в учебном плане: Б1.О.10

СОГЛАСОВАНО:  
Руководитель ОП  
А.Г. Мясников

Председатель УМК  
А.Л. Борисенко

Томск – 2022

## **1. Цель и планируемые результаты освоения дисциплины (модуля)**

Целью освоения дисциплины является формирование следующих компетенций:

– ОПК-3 – способность строить модель и анализировать процессы в лесных и урбоэкосистемах, а также оценивать влияние внешних факторов и модельных условий на функционирование систем.

Результатами освоения дисциплины являются следующие индикаторы достижения компетенций:

ИОПК-3.1 – Способен выявлять современные математические методы моделирования при решении задач в лесной отрасли при разработке новых технологий в области управления лесами.

ИОПК-3.2 – Критически оценивает и прогнозирует поведение рассматриваемого объекта (системы) на основе математического моделирования.

ИОПК-3.3 – Способен выявлять связи и способы воздействия на результаты моделирования в задачах управления лесами.

## **2. Задачи освоения дисциплины**

– Освоить универсальные методологические подходы, позволяющие строить адекватные математические модели изучаемых объектов.

– Научиться применять методы построения и анализа математических моделей для различных задач лесной отрасли и экологии на основе использования фундаментальных законов природы, вариационных принципов, иерархических цепочек, метода аналогий.

## **3. Место дисциплины (модуля) в структуре образовательной программы**

Дисциплина относится к обязательной части образовательной программы.

## **4. Семестр(ы) освоения и форма(ы) промежуточной аттестации по дисциплине**

Семестр 2, зачет.

## **5. Входные требования для освоения дисциплины**

Для успешного освоения дисциплины требуются результаты обучения по следующим дисциплинам: Б1.О.11 – математика; Б1.О.15 – Математические методы и методика полевого опыта.

## **6. Язык реализации**

Русский

## **7. Объем дисциплины (модуля)**

Общая трудоемкость дисциплины составляет 3 з.е., 108 часов, из которых:

- лекции: 8 ч.;
- семинарские занятия: 0 ч.
- практические занятия: 26 ч.;
- лабораторные работы: 0 ч.

в том числе практическая подготовка: 26 ч.

Объем самостоятельной работы студента определен учебным планом.

## **8. Содержание дисциплины (модуля), структурированное по темам**

Тема 1. Основные понятия в теории моделирования

Учебный курс «Математическое моделирование», его содержание, задачи и связь с другими дисциплинами. Общее определение модели, необходимость использования.

Классификация моделей. Понятие робастности и адекватности модели. Идентификация, настройка и верификация модели. План построения модели. Дескриптивные и оптимизационные модели. Значение моделирования.

### Тема 2. Качественные и количественные модели

Понятие качественной и количественной модели. Понятие популяционных волн и их классификация. Модель для описания изменений численности популяций хищника и жертвы в ограниченном ареале совместного обитания. Прогрессия размножения. Модель баланса вещества и энергии. Основные допущения и предположения. Модель естественного хода эпидемии. Понятие дискретной «шаговой» модели динамики возрастной группы популяции от времени. Упражнения.

### Тема 3. Имитационное и вероятностное моделирование.

Принципы создания имитационной модели. Отличие имитационного моделирования от классического математического моделирования. Имитационная модель сложной системы. Примеры. Модели агробиоценоза. Суть метода Монте-Карло и его роль в имитационной модели агробиоценоза. Модель сои.

Понятие вероятностной модели. Сумма и произведение событий. Формула полной вероятности. Теория мишени. Ряд Пуассона. Приложения ряда Пуассона в экологии – выявление редких болезней, редких признаков. Примеры.

### Тема 4. Объектно-ориентированное программирование.

Основные понятия. Библиотеки классов. Численное решение. Использование технологий объектно-ориентированного моделирования.

### Тема 5. Получение моделей из фундаментальных законов природы.

Закон сохранения массы вещества. Закон сохранения энергии. Закон сохранения числа частиц. Совместное применение нескольких фундаментальных законов.

### Тема 6. Математическое моделирование сложных объектов в задачах экологии.

Гидрологический «барьер» против загрязнения грунтовых вод. Экологически приемлемые технологии сжигания углеводородных топлив. Модель взаимодействия загрязнения с окружающей средой. Математическая модель очистки сточных вод. Основные предположения и допущения, порядок построения модели. Примеры.

## 9. Текущий контроль по дисциплине

Текущий контроль по дисциплине проводится путем контроля посещаемости, проведения контрольных работ, тестов по лекционному материалу, выполнения домашних заданий, ..., и фиксируется в форме контрольной точки не менее одного раза в семестр.

## 10. Порядок проведения и критерии оценивания промежуточной аттестации

**Зачет** проводится в письменной форме по билетам. Билет содержит 2 теоретических вопроса. Продолжительность зачета 1,5 часа.

Примерный перечень теоретических вопросов

Что такое моделирование, общее определение модели, для чего их используют?

2. Приведите классификацию моделей и определение математической модели.

3. В чем разница понятий робастности и адекватности модели?

4. Что такое идентификация, настройка и верификация модели? Как они проводятся?

5. Чем отличаются дескриптивные и оптимизационные модели?

6. Приведите уравнение (модель) для описания прогрессии размножения, когда нет никаких ограничений на  $N$ . Как изменится эта модель, если ввести ограничение – предельную численность популяции  $K_{max}$ ?

7. Поясните понятие популяционных волн и их классификацию, от чего зависит форма волн численности?

8. Из каких частей состоят уравнения - модель для описания изменений численности популяций хищника и жертвы в их ограниченном ареале совместного обитания?

9. В чем состоит общая гипотеза, объясняющая причину остановки роста дерева, и какие упрощающие предположения используются для построения модели роста?

10. Какова генетическая основа биологического метода борьбы с нежелательным видом? Составьте модель для описания изменений численностей нормальных и стерильных самцов.

11. Приведите модель естественного хода эпидемии при  $x(0)=1$ , как изменится эта модель, если в момент времени  $t$  болен не один человек, а несколько и через небольшой промежуток времени больные выздоравливают и приобретают иммунитет?

12. В чём сложность построения модели для определения биомассы определённых возрастных групп?

13. Сформулируйте демографическую задачу, которая может быть решена с использованием дискретной «шаговой» модели динамики возрастной структуры популяции от времени.

14. Каковы основные количественные показатели, используемые при моделировании кинетики биотехнологических процессов?

15. Привести графики простейших зависимостей удельной скорости роста биомассы (плотности) популяции от концентрации основного компонента субстрата, а также от концентрации продукта метаболизма. Сформулировать модельные предположения для каждого графика.

16. Задать конкретные значения констант в модели Колпикова, которая предполагает ингибирующее влияние концентрации субстрата на популяцию микроорганизмов. Построить соответствующий график зависимости удельной скорости диссимиляции микроорганизмов от  $s$ .

17. По аналогии с моделями Моно, Мозеса и Андрюса составить формулы зависимости удельной скорости биосинтеза основного продукта биотехнологического процесса от  $s$ . Пояснить смысл каждой зависимости.

18. Пояснить способ оценки среднего возраста культуры в биореакторе. Какие модельные зависимости предложены для описания влияния среднего возраста на удельную скорость биосинтеза продукта?

19. Каковы модельные предположения о характере деградации продукта метаболизма в процессе его биосинтеза?

20. В чём состоит суть метода имитационного моделирования?

21. Описать области применения и отличия аналитического и имитационного моделирования.

22. Привести этапы построения любой математической модели сложной системы.

23. В чём недостатки метода имитационного моделирования?

24. Как происходит проверка адекватности построенной модели?

25. Пояснить смысл метода Монте-Карло и его роль в имитационной модели агробиоценоза.

Результаты зачета определяются оценками «зачтено», «не засчитано».

| Оценка | Критерии соответствия                                                                                       |
|--------|-------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
| зачет  | Дан правильный и развернутый ответ на вопрос.<br>Студент четко и логично изложил свой ответ на поставленный |

|         |                                                                                                                                                                                                            |
|---------|------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------------|
|         | в билете вопрос (допускается, что не все в ответе изложено развернуто и логически структурировано)                                                                                                         |
| незачет | Ответ представлен очень поверхностно и с нарушением логики изложения. Студент очень плохо владеет основными моделями и концепциями механики. Допущены существенные терминологические и фактические ошибки. |

## 11. Учебно-методическое обеспечение

а) Электронный учебный курс по дисциплине в электронном университете «Moodle» - <https://moodle.tsu.ru/course/view.php?id=26128>

б) Оценочные материалы текущего контроля и промежуточной аттестации по дисциплине.

## 12. Перечень учебной литературы и ресурсов сети Интернет

а) основная литература:

– Александров, А.Ю. Математическое моделирование и исследование устойчивости биологических сообществ. [Электронный ресурс] / А.Ю. Александров, А.В. Платонов, В.Н. Старков, Н.А. Степенко. — Электрон. дан. — СПб. : Лань, 2016. — 272 с.

<http://chamo.lib.tsu.ru/lib/item?id=chamo:537629&theme=system>

– Ризниченко, Г. Ю. Математические методы в биологии и экологии. Биофизическая динамика продукцииных процессов в 2 ч. Часть 1 : учебник для бакалавриата и магистратуры / Г. Ю. Ризниченко, А. Б. Рубин. — 2-е изд., испр. и доп. — М. : Издательство Юрайт, 2017. — 253 с. — (Университеты России). — ISBN 978-5-534-03989-4. <http://chamo.lib.tsu.ru/lib/item?id=chamo:573002&theme=system>

– 3. Ризниченко, Г. Ю. Математические методы в биологии и экологии. Биофизическая динамика продукцииных процессов в 2 ч. Часть 2 : учебник для бакалавриата и магистратуры / Г. Ю. Ризниченко, А. Б. Рубин. — 2-е изд., испр. и доп. — М. : Издательство Юрайт, 2017. — 211 с. — (Университеты России). — ISBN 978-5-534-04054-8. <http://chamo.lib.tsu.ru/lib/item?id=chamo:573423&theme=system>

б) дополнительная литература:

– Росновский, И.Н. Устойчивость почв в экосистемах как основа экологического нормирования / И. Н. Росновский; Отв. ред. В. Н. Воробьев; Рос. акад. наук. Сиб. отд.-ние. Фил. Ин-та леса им. В. Н. Сукачева. - Томск : Изд-во Ин-та оптики атмосферы СО РАН, 2001. - 251 с. : ил., табл.; 20 см.; ISBN 5-94458-003-8

– Самарский А. А. Математическое моделирование: Идеи. Методы. Примеры / А. А. Самарский, А. П. Михайлов. – М.: Физматлит, 2001. – 319 с.

– Коросов, А. В., Горбач, В. В. Компьютерная обработка биологических данных : метод. пособие / А. В. Коросов, В. В. Горбач. — Петрозаводск: Изд-во ПетрГУ, 2016. — 96 с.

в) ресурсы сети Интернет:

– Александров, А.Ю. Математическое моделирование и исследование устойчивости биологических сообществ. [Электронный ресурс] / А.Ю. Александров, А.В. Платонов, В.Н. Старков, Н.А. Степенко. — Электрон. дан. — СПб. : Лань, 2016. — 272 с. [http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1\\_id=71703](http://e.lanbook.com/books/element.php?pl1_id=71703) Электронное издание Доступ к полному тексту документа после регистрации пользователя на сайте <http://e.lanbook.com/> в локальной сети ТГУ

– Решетникова Г. Н. Основы моделирования систем : определения, классификации, виды моделирования / Галина Решетникова. - Saarbrücken : LAP Lambert Academic Publishing, 2013. URL: <http://vital.lib.tsu.ru/vital/access/manager/Repository/vtls:000518742>

– Основы моделирования систем Электронный ресурс : учебное пособие /А. Г. Куприяшкин ; Норильский индустриальный ин-т. Электронный ресурс  
<http://sun.tsu.ru/limit/2016/000550226/000550226.pdf>

### **13. Перечень информационных технологий**

а) лицензионное и свободно распространяемое программное обеспечение:

– Microsoft Office Standart 2013 Russian: пакет программ. Включает приложения: MS Office Word, MS Office Excel, MS Office PowerPoint, MS Office On-eNote, MS Office Publisher, MS Outlook, MS Office Web Apps (Word Excel MS PowerPoint Outlook);  
– публично доступные облачные технологии (Google Docs, Яндекс диск и т.п.).

б) информационные справочные системы:

– Электронный каталог Научной библиотеки ТГУ –  
<http://chamo.lib.tsu.ru/search/query?locale=ru&theme=system>  
– Электронная библиотека (репозиторий) ТГУ –  
<http://vital.lib.tsu.ru/vital/access/manager/Index>  
– ЭБС Лань – <http://e.lanbook.com/>  
– ЭБС Консультант студента – <http://www.studentlibrary.ru/>  
– Образовательная платформа Юрайт – <https://urait.ru/>  
– ЭБС ZNANIUM.com – <https://znanium.com/>  
– ЭБС IPRbooks – <http://www.iprbookshop.ru/>

### **14. Материально-техническое обеспечение**

Аудитории для проведения занятий лекционного типа.

Аудитории для проведения занятий семинарского типа, индивидуальных и групповых консультаций, текущего контроля и промежуточной аттестации.

Помещения для самостоятельной работы, оснащенные компьютерной техникой и доступом к сети Интернет, в электронную информационно-образовательную среду и к информационным справочным системам.

### **15. Информация о разработчиках**

Касымов Денис Петрович, кандидат физико-математических наук, кафедра лесного хозяйства и ландшафтного строительства, доцент.